Radicali con la calcolatrice e approssimazioni. Risposte e commenti

 Completa la seguente tabella. Scrivi la sequenza di tasti che tu hai usato e i risultati della calcolatrice arrotondati con tre cifre dopo la virgola.

Radicali	Esponenti frazionari	Sequenza di tasti	Risultato di calcolatrice	Risultato con carta e penna
√9 · 5	$(9\cdot 5)^{\frac{1}{2}}$	$A.(9 \times 5) \sqrt{=}$ $B.\sqrt{(9 \times 5)} =$	6,708	$\sqrt{9\cdot 5} = \sqrt{9}\cdot \sqrt{5} = 3\sqrt{5}$
9 · √5	$9\cdot 5^{\frac{1}{2}}$	A.9 × 5 √ =	20,125	$9 \cdot \sqrt{5} = 9\sqrt{5}$
√9 · 5	$9^{\frac{1}{2}} \cdot 5$	B. √ (9) × 5 =	15	$\sqrt{9} \cdot 5 = 3 \cdot 5 = 15$
$\sqrt{\frac{3}{4}}$	$\left(\frac{3}{4}\right)^{\frac{1}{2}}$	A. $(3 \div 4) \sqrt{=}$ B. $\sqrt{(3 \div 4)} =$	0,866	$\sqrt{\frac{3}{4}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{4}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$
$\frac{\sqrt{3}}{4}$	$3^{\frac{1}{2}}$	A.3 √ ÷ 4 =	0,433	$\frac{\sqrt{3}}{4}$
4	4	B. √ (3) ÷ 4 =		4

Svolgi le seguenti attività per esplorare la tua calcolatrice.

Con una calcolatrice di tipo A

 Digita il numero 2 e poi premi tante volte il tasto √ fino ad ottenere un numero di una sola cifra; quale numero ottieni? 1

Con una calcolatrice di tipo B

- Digita trentacinque volte consecutive il tasto √e poi inserisci il numero 2; quale numero ottieni?
- Ripeti l'attività a partire da altri numeri positivi, come 3 oppure 0,2; quale numero ottieni?
- Completa la seguente tabella, dove a indica un qualunque numero positivo.

Come spieghi questi risultati?

• Completa la seguente tabella, dove a indica un qualunque numero positivo.

Numero di volte che premi il tasto √	Espressione calcolata	Esponente di a
1	$\sqrt{a} = a^{\frac{1}{2}} = a^{0,5}$	$\frac{1}{2} = 0,5$
2	$\sqrt{\sqrt{a}} = \left(a^{\frac{1}{2}}\right)^{\frac{1}{2}} = a^{\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}}$	$\left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4} = 0,25$
3		$\left(\frac{1}{2}\right)^3 = \frac{1}{8} = 0,125$
15		$\left(\frac{1}{2}\right)^{15} \cong 0,000003$

- Completa la seguente spiegazione dei risultati ottenuti.
 A partire da qualunque numero positivo a, se premo tante volte il tasto √, ottengo che:
 - gli esponenti si avvicinano sempre di più al numero 0
 - le potenze si avvicinano sempre di più al valore $a^0 = 1$

A causa degli arrotondamenti, la calcolatrice scrive proprio 1.

• Come hai ottenuto con la calcolatrice il numero richiesto nell'ultima riga della tabella?

$$\left(\frac{1}{2}\right)^{15} \cong 0,000003$$

Varie risposte possibili, ad esempio:

Con la sequenza di tasti $0.5 y^{x} 15 =$

Con la sequenza di tasti (1 \div 2) y^x 15 =

Con il tasto y^x puoi calcolare le potenze, con la possibilità di scegliere la base (y) e l'esponente (x).

In varie calcolatrici il tasto y^x compare con altri nomi, ad esempio x^y .